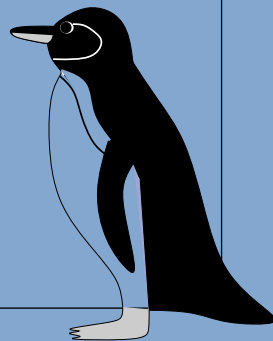
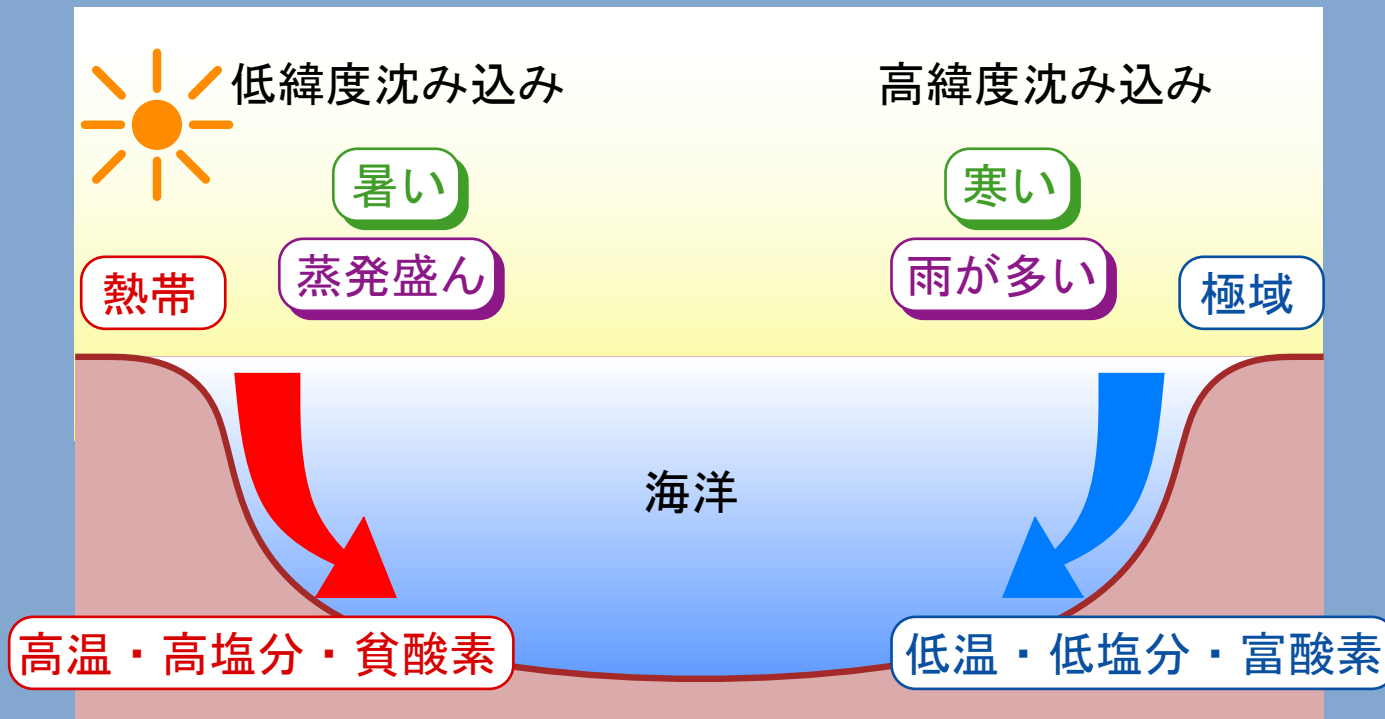


## 深層循環の2つの様式

水温 高温なら熱のやり取りを通してすぐ冷却する  
アノマリーは、約30日程度で消える

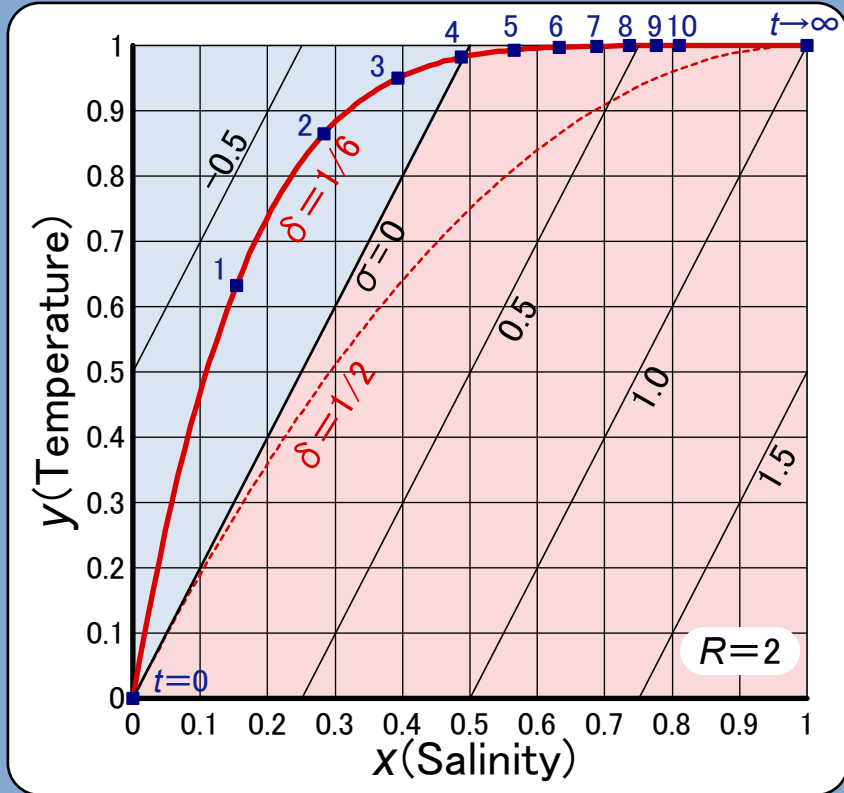
塩分 高塩分でも蒸発が減少したり降水が増加したりすることはない  
アノマリーは、約200日程度は残る

➡ 多重解が存在する可能性がある



# 熱塩循環の多重解(その1)

Stommel[1961] *Tellus*, 8, 224-229



初期状態より定常状態が重たい条件は  $R > 1$   
 さらに  $R\delta < 1$  かつ  $R > 1$  の場合  
 はじめは初期状態より軽くなり ( $\sigma < 0$ )  
 やがて重たくなり ( $\sigma > 0$ )  
 定常状態 ( $\sigma = R - 1 > 0$ ) になる

$$\frac{\partial T}{\partial t^*} = c(T^* - T) \quad \frac{\partial S}{\partial t^*} = d(S^* - S) \quad (1)$$

$$t = ct^* \quad \delta = \frac{d}{c} \quad x = \frac{S}{S^*} \quad y = \frac{T}{T^*} \quad (2)$$

とおくと、通常  $\delta \ll 1$  であり、(1)式は無次元化出来る

$$\frac{\partial y}{\partial t} = 1 - y \quad \frac{\partial x}{\partial t} = \delta(1 - x) \quad (3)$$

初期状態を  $x = y = 0$  ( $t = 0$  のとき) とすると

$$y = 1 - e^{-t} \quad x = 1 - e^{-\delta t} \quad (4)$$

となり定常状態 ( $t \rightarrow \infty$  のとき) では  $x = y = 1$  となる

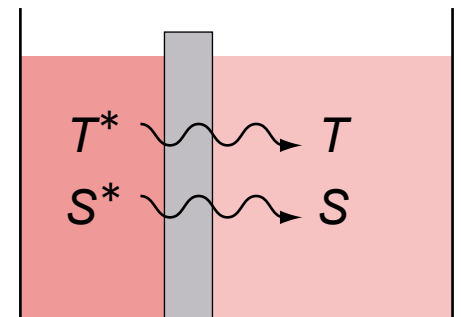
密度方程式を  $\rho = \rho_0(1 - \alpha T + \beta S)$  とすると

$$\frac{\rho}{\rho_0} = 1 + \alpha T^*(-y + Rx) \quad R = \frac{\alpha T^*}{\beta S^*} \quad (5)$$

初期状態からの密度アノマリを  $\sigma$  とすると

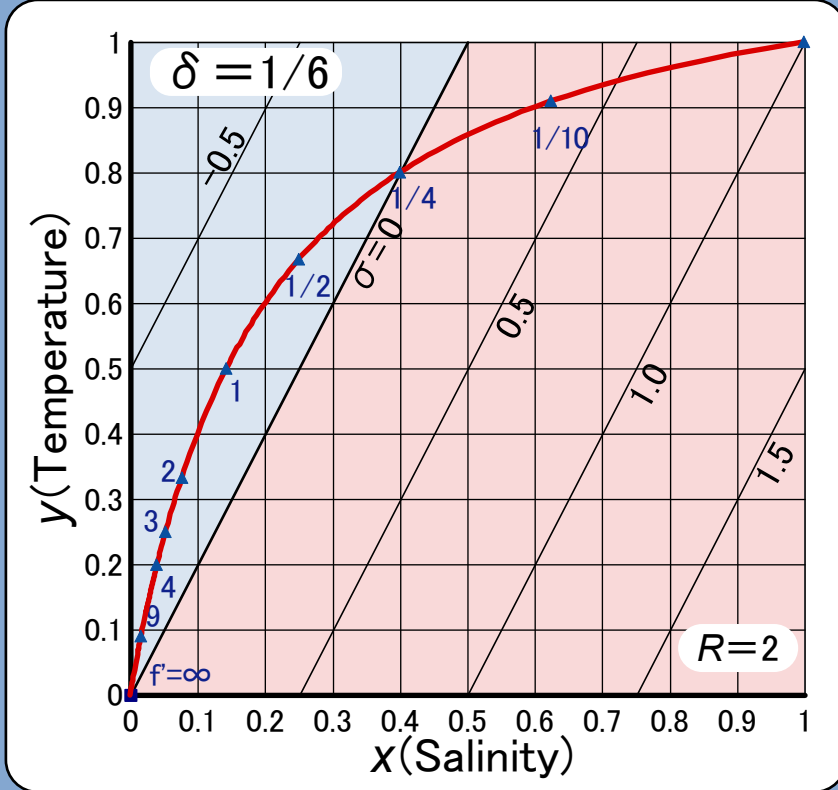
$$\sigma = \frac{\rho}{\rho_0} - 1 = -y + Rx \quad (6)$$

特殊な容器が用意され、容器内の温度  $T$ ・塩分  $S$  が参照温度  $T^*$ ・参照塩分  $S^*$  へ徐々に近づいてゆくようになっている。



熱塩循環の多重解(その2)

Stommel[1961] *Tellus*, 8, 224-229



$$\frac{\partial T}{\partial t^*} = c(T^* - T) - qT = 0$$

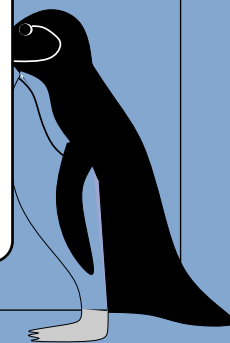
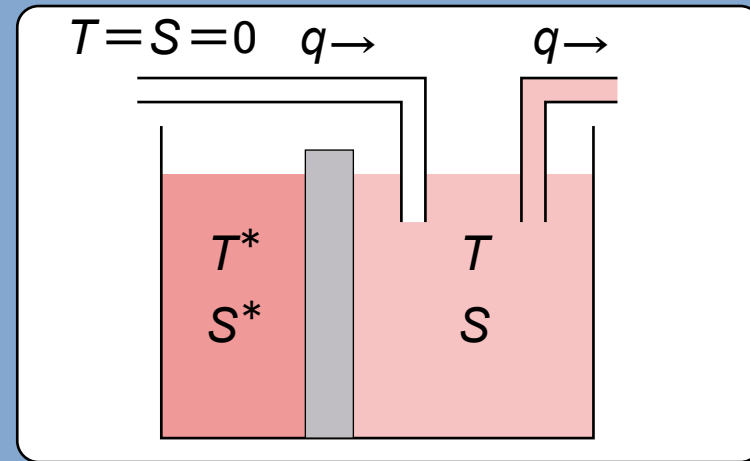
$$\frac{\partial S}{\partial t^*} = d(S^* - S) - qS = 0 \quad (7)$$

$\delta = \frac{d}{c}$      $f' = \frac{q}{c}$     において、無次元化すると

$$1 - (1 + f')y = 0 \quad \delta - (\delta + f')x = 0 \quad (8)$$

$$y = \frac{1}{1 + f'} \quad x = \frac{1}{1 + f'/\delta} \quad (9)$$

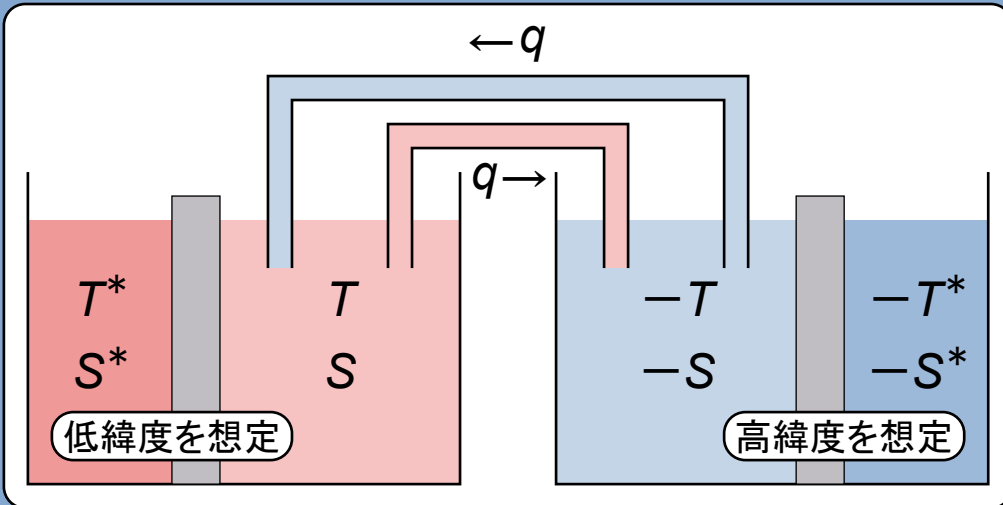
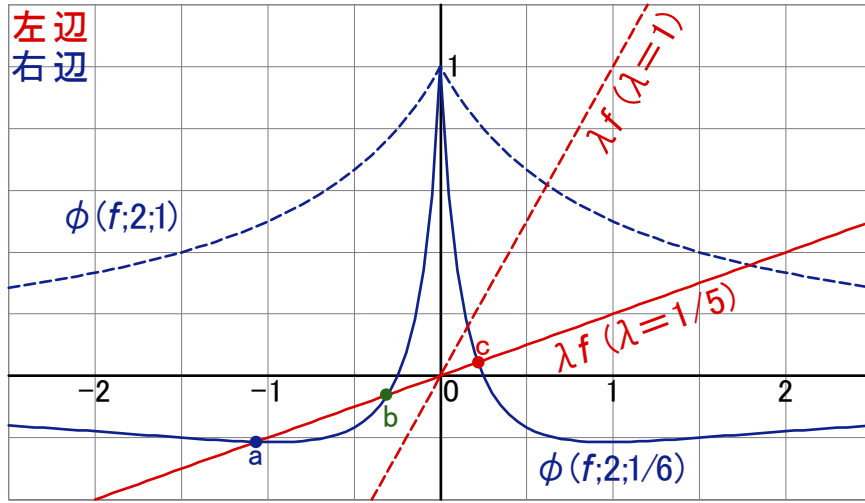
水( $T=S=0$ )が流量 $q$ (時間 $1/q$ で容器の水が入れ替わる)で流れ込み、( $T, S$ )で流れ出すものとする。  
 速い流れ( $q$ ( $f'$ )大)のとき、入ってきたときの値のまま、のんびりした流れのとき重い値、適当に速いとき、軽い値で、流れ出す。



熱塩循環の多重解(その3)

Stommel[1961] *Tellus*, 8, 224-229

左辺  
右辺



$$\frac{\partial T}{\partial t^*} = c(T^* - T) - |2q| T$$

$$\frac{\partial S}{\partial t^*} = d(S^* - S) - |2q| S$$

$kq = \Delta\rho$  流量は密度差に比例するものとする。

$$f = \frac{2q}{c} \quad \lambda = \left( \frac{c}{4\rho_0\alpha T^*} \right) k \quad \text{とおいて、無次元化すると}$$

$$\frac{\partial y}{\partial t} = 1 - y - |f| y \quad \frac{\partial x}{\partial t} = \delta(1 - x) - |f| x$$

$\lambda f = (-y + Rx)$  となる。定常状態は、

$$\lambda f = \phi(f; R; \delta) \equiv \left( -\frac{1}{1 + |f|} + \frac{R}{1 + |f|/\delta} \right)$$

を満たす  $f$  を左図から求めればよい(左辺と右辺が等しくなる交点が  $f$  の解)。

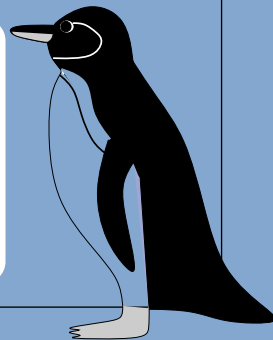
$$y = \frac{1}{1 + f} \quad x = \frac{1}{1 + f/\delta} \quad \text{得られた } f \text{ から } x, y \text{ が求められる。}$$

$\lambda = 1/5, R = 2, \delta = 1/6$  のとき、 $f$  の定常解は a, b, c が得られる。

なお、多重解が得られる必要条件は、

$$\delta R < 1 \text{ if } R > 1 \quad \text{または} \\ \delta R > 1 \text{ if } 0 < R < 1$$

また、十分条件として  $\lambda \ll 1$  である。



北太平洋深層水に伴う深層循環の2つの安定解

Manabe and Stouffer(1988) *J. Clim.*, 841-866

大気海洋結合大循環モデルを用いて平衡状態を求めた

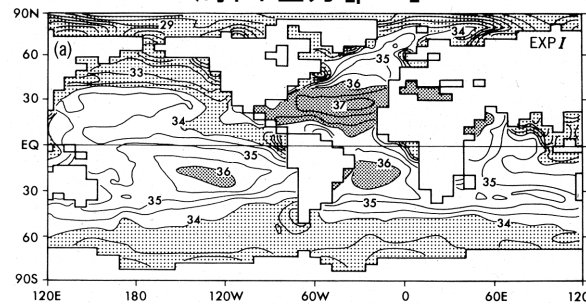
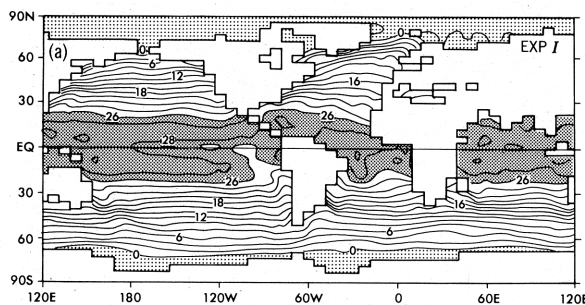
実験 I 初期条件: 深層循環あり → 定常状態: 深層循環あり  
 実験 II 初期条件: 深層循環なし → 定常状態: 深層循環なし

北大西洋における海面水温・海面塩分に大きな違いあり

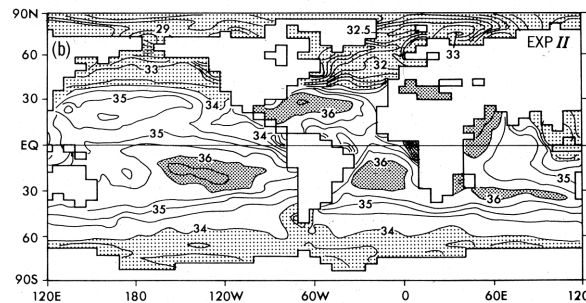
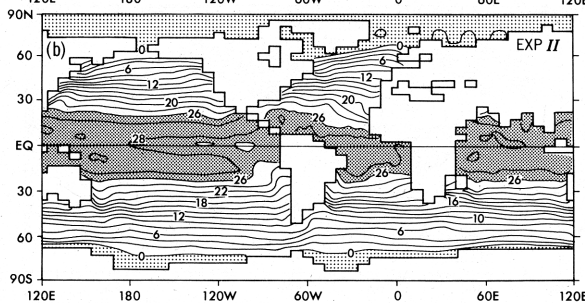
海面水温[°C]

海面塩分[psu]

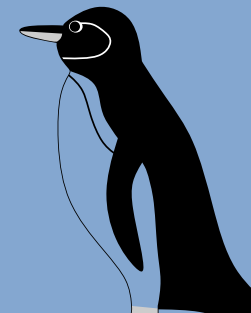
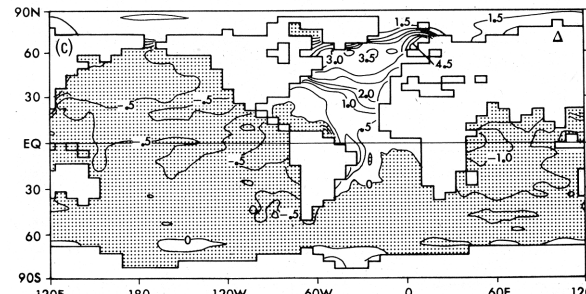
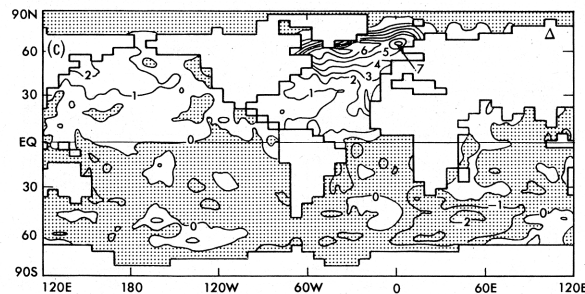
実験 I



実験 II

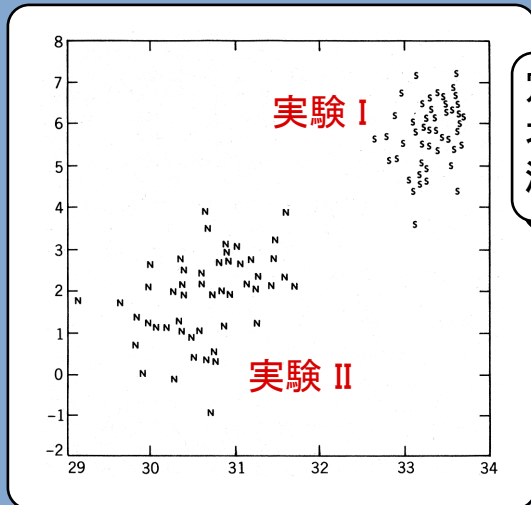


実験I-実験II



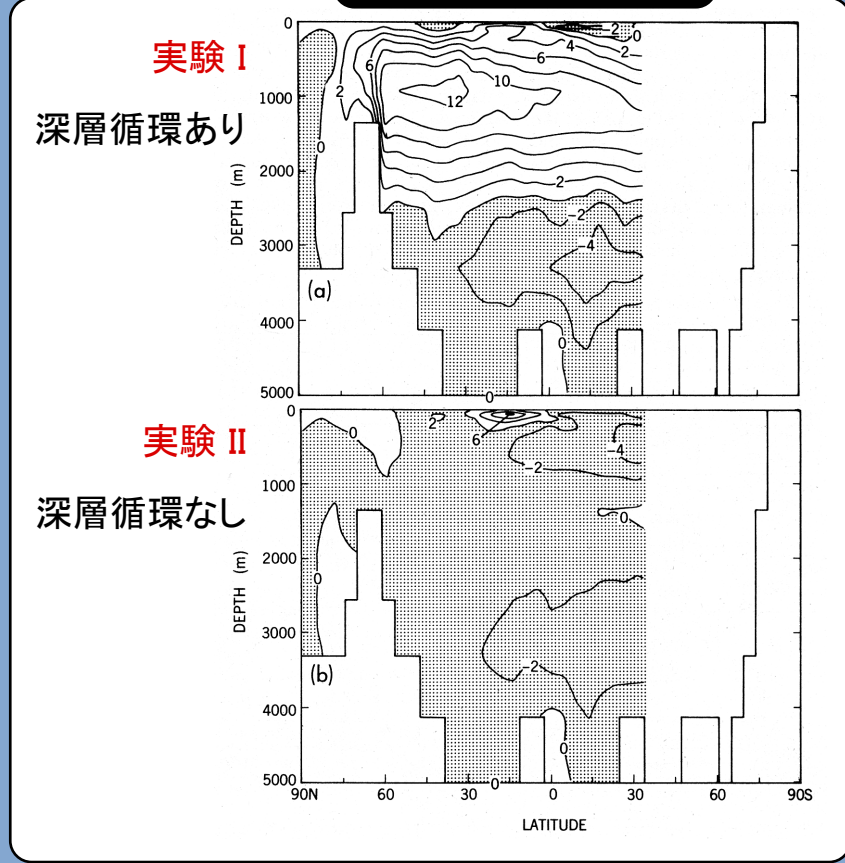


北太平洋深層水に伴う深層循環の2つの安定解

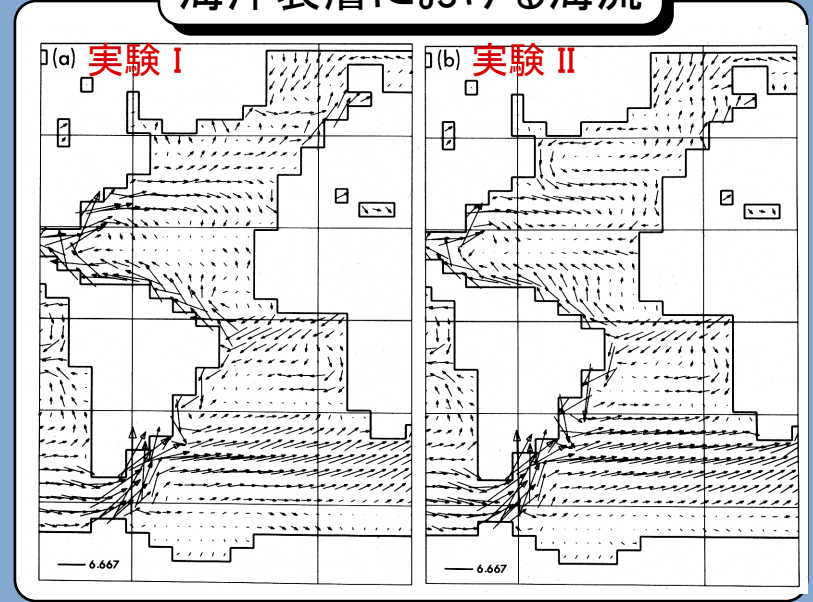


定常状態における500年間の北大西洋50Nから70Nまでの海面水温と海面塩分の分布

子午面循環[Sv]



海洋表層における海流



**Thermohaline Catastrophe**  
 極域で深層水が形成されていると、中低緯度の高塩分水が移流され、極域の海面塩分濃度が高くなり深層水が形成しやすくなる。逆に深層水形成がいったん弱くなると、ますます弱くなる。

